Philip 公式在三维入渗及参数测算中的应用

任尚岗¹,张振华¹,杨润亚²,潘英华¹,谭国强¹,李陆生¹,朱 敏¹ (1.鲁东大学地理与规划学院,山东烟台 264025; 2.西北农林科技大学水利与建筑工程学院,陕西 杨凌 712100)

摘 要: 基于 Philip 公式,分析了 Philip-Dunne 入滲和单环入滲的三维动态过程,讨论了公式中的参数 A 与土 壞饱和导水率 k, 的关系并据此建立了 k, 求算模型。结果表明: Philip 公式在三维入滲的动态过程分析中仍然适用, 其参数 A 与 k, 存在显著的幂级数关系,入渗实验方法及仪器规格会影响 k, 与 A 间的拟合关系及其精度; Philip 公 式在分析 Philip-Dunne 入滲时精度比单环入渗高;基于参数 A 建立的 k, 求算模型在两种三维入滲中预测的 k, 值与 实测值相比误差保持在 5%以内,具有一定的实用价值。

关键词: Philip 公式; Philip-Dunne 入渗; 单环入渗

中图分类号: S152.7 文献标识码: A 文章编号: 1000-7601(2011)05-0192-05

土壤水入渗是地表水与地下水相互作用的纽带,是陆地水循环过程的重要组成部分,它与土壤中营养物质的运移、土壤微生物的活动和植物的生长发育密切相关^[1,2]。测定土壤水入渗参数是确定降水入渗与径流比例,设计灌溉、排水系统工程,提高农业生产的关键^[3,4],因此,迅速准确地获取土壤水动力参数非常重要。

土壤水入渗参数决定于土壤的质地、结构、孔隙 率及其大小分布、有机质含量等因素,国内外学者为 研究土壤水入渗特征做了大量工作。Green 和 Ampt 基于毛管理论,假设土壤含水量剖面存在陡的湿润 峰面,提出了 Green-Ampt 入渗模型^[5]; Philip 认为在 入渗过程中任意时刻的入渗率与时间呈幂级数关 系,提出了 Philip 公式^[6];王全九通过三种类型的土 壤入渗实验,对比分析了 Green-Ampt 模型和 Philip 公式^[4];邵明安利用 Philip 入渗公式推求了土壤水 分运动参数^[7];张振华基于图形特征,研究了 Green-Ampt 人 渗 模 型 中 关 键 参 数 的 求 解 方 法^[8]; John Philip 基于 Dunne T 和 Safran E 的亚马逊流域入渗数 据和 Green-Ampt 基本假设,提出的 Philip-Dunne 人渗 方法^[9]; Reynolds 和 Elrick 在 Bouwer、Daniel 的研 究^[10~12]基础上,推导出了单环入渗中饱和导水率 的求算公式^[12]。土壤水动力参数可在田间测定,也 可采集土壤在室内测定,从室外采集的土芯不可避 免地受到一定程度破坏,同时从孤立的土芯获取的 土壤水入渗参数很多时候并不能准确反映田间土壤 的总体入渗特征,因而田间现场直接进行入渗实验 是最合理的。然而,田间土壤水运动的众多影响因

子造成三维人渗分析相对复杂,求算公式中参数众 多,Philip-Dunne 人渗中 k,更是关于相关参数的隐 式方程,这为我们带来了很大不便。为简化相关分 析过程及其参数计算,本文利用简单的 Philip 公式 分析 Philip-Dunne 人渗和单环人渗过程,并据此研究 相关参数与土壤特征参数的相关性,建立了土壤饱 和导水率估算模型。以期为研究田间土壤三维人渗 提供参考。

1 理论基础

1.1 Philip-Dunne 入渗模型

Philip-Dunne 人渗研究的是初始干燥的土壤在 积水条件下的三维降水头人渗问题, John Philip 用 等面积的球形表面(球体半径 $r_0 = r_i/2$)代替实际的 渗透表面,通过几何系数 $g_c = 8/\pi^2$ 等效地把三维人 渗描述成半径为 r 的一维径向人渗来分析人渗通 量,建立了利用 Philip-Dunne 人渗推求土壤饱和导水 率 k_i 和湿润锋吸力 ¥ 的求算方法。

$$\tau(\Delta\theta, \Psi) = (1 + \frac{1}{2a})\log(\frac{a^3 - 1}{a^3 - \rho^3}) - \frac{3}{2a}\log(\frac{a - 1}{a - \rho}) + \frac{\sqrt{3}}{a}\arctan(\frac{\sqrt{3}a(\rho - 1)}{2a^2 + a(\rho + 1) + 2\rho})$$
(1)

 $\tau = \frac{8k_{s}t}{\pi^{2}r_{0}}; \rho = \frac{R(t)}{r_{0}}; a^{3} = \frac{3(\Psi + h_{0} + \pi^{2}r_{0}/8)}{r_{0}\Delta\theta} + 1$ 式中, h₀ 为人渗管内初始水位高度, $\Delta\theta = \theta_{s} - \theta_{0}$ 为 人渗前后土壤含水率变化值, R(t) 为对应于人渗管 水位 h(t) 的湿润球半径。

式(1) 是湿润锋吸力 ¥ 和土壤水分含量增量

收稿日期:2010-09-01

基金项目:国家自然科学基金(50609022,40801100);山东省教育厅项目(J07YF16)

作者简介:任尚岗(1983一),男,山东济宁人,硕士研究生,主要从事区域水上资源高效利用研究。

通讯作者:张振华(1971一),男,教授,硕士生导师,主要从事区域水土资源高效利用研究。E-mail: zhangzh71@163.com。

 $\Delta \theta$ 的函数,基于式(1)Philip、De Haro、Muuoz-Carpena 各自通过一定的计算方法获得 k,和 Ψ 值。本文基于 Muuoz-Carpena 设计的 Philip-Dunne 人渗参数求算专 业软件 WPDunne 1.0获取了各试验点的湿润锋吸力 Ψ 及饱和导水率 k.。

1.2 单环入渗

单环入渗计是测量土壤表层水分入渗特征的重要工具,利用单环入渗计测量时,环中的水分入渗属于积水条件下的三维运动过程。Reynolds W D 建立了利用单环入渗法推求土壤饱和导水率 k,的计算方法^[12]。

$$Q_{s} = \frac{r}{G} (k_{s}H + \phi_{m}) + \pi r^{2}k_{s}$$

$$G = 0.316(d/r) + 0.184$$
(2)

式中:r为人渗环半径;H为人渗环内积水深度;d为 人渗环插入地下的深度; ϕ_m 为土壤基质势通量。本 文利用公式(2),采用双水头人渗法,在两个积水深 度 H_1 、 H_2 条件下分布获取稳态通量 Q_{c1} 、 Q_{c2} ,解二元 一次方程组求算 k_i 和 ϕ_m 。

2 材料与方法

2.1 供试土壤

试验地位于鲁东大学试验地内,随机在3点取 样,将土样自然风干,过2mm孔径的土筛后利用沉 降法对土壤进行颗粒分析。按照国际土壤质地分类 标准进行划分,试验地土壤为壤土,土壤的机械组成 见表1。

表 1 试验土壤的机械组成(%)

Table 1 Mechanical compose of the experimental soil

粘粒 Clay	粉粒 Powder	细砂粒 Fine sand	粗砂粒 Coarse sand ^ 0.200~2 mm	
≼0.002 mm	0.002 ~ 0.020 mm	0.020 ~ 0.200 mm		
11.8508	49.2596	36.347	2.5428	

2.2 试验过程

Philip-Dunne 实验于 2009 年 4~5 月进行,利用 半径 2.1 cm,高 30、40、50 cm 三种类型的人渗管在 45 个试验点分别进行人渗实验。把人渗管插入不 饱和土壤钻井的底部 10 cm,保证入渗管与钻空壁 之间没有缝隙,人渗试验开始前,在入渗环内覆盖一 层低阻力尼龙网,以减小供水时水流对土壤表面的 扰动,实验过程记录入渗管内水头每下降 5 cm 消耗 的时间($h_0 = 30$ cm 时记录 $t_{0.05}$ 、 $t_{0.10}$ 、 $t_{0.15}$ 、 $t_{0.20}$ 、 $t_{0.30}$; $h_0 = 40$ cm 时记录 $t_{0.05}$ 、 $t_{0.10}$ 、 $t_{0.15}$ 、 $t_{0.20}$ 、 $t_{0.30}$ 、 $t_{0.40}$; $h_0 = 50$ cm 时记录 $t_{0.05}$ 、 $t_{0.10}$ 、 $t_{0.15}$ 、 $t_{0.20}$ 、 $t_{0.25}$ 、 $t_{0.30}$ 、 $t_{0.35}$ 、 $t_{0.40}$ 、 $t_{0.50}$),用于分析累计入渗量与时间的关系,得到相应的拟合参数;利用 TDR 测定每个入渗点实验前后土壤含水率 θ_0 、 θ_s ,获取土壤含水率的变化 $\Delta \theta$,结合入渗管内水位下降一半消耗的时间 t_{med} 和入渗完成需要的时间 t_{max} 获取土壤饱和导水率。

单环入渗实验于 2009 年 6~7 月进行,由环和 马氏瓶两部分组成。利用直径 10、20、30 cm,高 30 cm 的三种类型的入渗环在 20 个入渗点分别进行实 验,为保持原状土不受扰动,在打入的过程中尽量使 人渗环的顶端保持水平,而且环内的土壤表层也未进 行平整。人渗试验开始前,在入渗环内覆盖一层低阻 力尼龙网,以减小供水时水流对土壤表面的扰动。利 用马氏瓶供水,通过调节马氏瓶的高度获得一定的滴 头流量,使人渗环内水位维持恒定的积水深度,每隔 2 min 观测一次马氏瓶内水位降落深度,直至连续三 次马氏瓶水位下降值基本一致,达到稳定入渗状态为 止,获取准稳态下的稳态通量。停止供水,使环内下 降 5 cm,利用同样的方法在另一积水深度下获取的稳 态通量,利用双水头法获取土壤饱和导水率。

3 结果与分析

3.1 三维入渗的动态过程分析

利用 WPDunne 1.0 和公式(2)分别获取 Philip-Dunne 和单环人渗各试验点相应的土壤饱和导水 率,根据平均值加标准差剔除异常点的方法^[13]检测 实验效果,在 45 个 Philip-Dunne 人渗点上剔除 3 个 异常点,20 个单环入渗点上剔除 1 个异常点。

Philip 认为人渗过程中任意时刻的人渗率与时 间呈现幂级数的关系^[11]:

$$i_0 = 0.5St^{-0.5} + A \tag{3}$$

式中,*i*₀ 为人 渗 率 (cm/min); *S* 为土 壤 吸 湿 率 (cm/min^{0.5}); *t* 为人 渗 时间 (min); *A* 为一个常数 (cm/min)。对公式(3) 关于时间积分得累积入渗量 *I*₀ 的表达式:

$$I_0 = St^{0.5} + At$$
 (4)

目前 Philip 模型主要应用于土壤水的一维人渗 分析^[14~17],本文利用公式(4)分析 41 个 Philip-Dunne 入渗试验点和 20 个单环入渗试验点上 的三维动态过程。图 1 为 Philip-Dunne 入渗试验中其 中一个入渗点上不同初始水头下 I_0 与 $t^{0.5}$ 的关系, 公式(5、6、7)为相应拟合关系式。

 $h_0 = 30 \text{ cm}: I_0 = 1.5403 t^{0.5} + 0.1491 t, R^2 = 0.9976$ (5)

 $h_0 = 40 \text{ cm}; I_0 = 2.1643 t^{0.5} + 0.1668 t, R^2 = 0.9948$ (6)

$$h_0 = 50 \text{ cm}; I_0 = 3.2188 t^{0.3} + 0.1568 t, R^2 = 0.9950$$
(7)

图 2 为单环入渗中选取同一个入渗点上不同直 径条件下的下 I_0 与 $t^{0.5}$ 的关系,公式(8、9、10) 为相 应的拟合关系式。

 $D_0 = 10 \text{ cm}$: $I_0 = 0.3579 t^{0.5} + 0.3938 t$, $R^2 = 0.9984$ (8)

$$D_0 = 20 \text{ cm}: I_0 = 0.2975 t^{0.5} + 0.1824 t, R^2 = 0.9998$$
(9)

$$D_0 = 30 \text{ cm}$$
: $I_0 = 0.2099 t^{0.5} + 0.2214 t$, $R^2 = 0.9983$ (10)

由 41 个 Philip-Dunne 人渗点和 20 个单环入渗 点上,累积入渗量 Io 与时间 t^{0.5}的拟合模型的决定 系数 R² 都大于 0.82, 且通过 0.01 F 精度检验, 知 Philip 公式适合分析 Philip-Dunne 和单环的三维入渗 动态过程。分析各自相应的拟合系数,以公式(5)、 (6)、(7)为例,知 Philip-Dunne 入渗的三维动态过程 中,表征土壤吸湿率的参数 S 随初始入渗水头的增 加逐渐增大,初始入渗水头不同造成土壤吸湿率存 在明显的差异,主要原因为土壤水的压力势的大小 差异造成的,水位越高,入渗水头所产生的水头压力 梯度越大,从而引起土壤吸湿率越大;表征饱和导水 率的系数 A 随入渗水头变化没有明显差异。单环 入渗中,以公式(8)、(9)、(10)为例,知表征土壤吸湿 率的参数 S 随入渗环直径的增大逐渐减小,入渗环 直径不同土壤吸湿率存在差异,主要原因是土壤水 人渗从人渗环底部突破一维进人三维状态时环底周 长面积比造成的,入渗环直径最大,入渗环底部周长 面积比越小,环内水与土壤的接触率越低,从而引起 土壤吸湿率越小;同样人渗环的规格对表征饱和导

水率的系数 A 没有明显的影响。



图 1 Philip-Dunne 入渗的动态过程



Fig.1 Dynamic change of Philip-Dunne infiltration





3.2 土壤入渗参数模型

根据以上分析,利用 Philip 公式对 Philip-Dunne 和单环实验的三维入渗过程的拟合精度较高,为了 进一步探索 Philip 公式在三维入渗中的应用价值, 分析 Philip 公式中的参数与三维入渗中土壤水入渗 特征参数的关系,在一维长历时积水入渗中,Philip 入渗模型中的 A 可以表征土壤饱和导水率,探索三 维入渗中饱和导水率 k,与利用 Philip 公式拟合入 渗过程获取的参数 A 的关系(如表 2)。

表 2 k, 与拟合参数 A 的关系 Table 2 Relationship between saturated hydraulic conductivity and fitting parameters

三维人渗类型 Three-dimensional infiltration type		k, 与 A 的 拟合方程 Fitted relationship between k, and A	R ²	RMSE
Philip-Dunne 人滲 Philip-Dunne infiltration	30 cm 初始水头 30 cm initial head	$k_s = 0.0036 A^{1.8593}$	0.9471**	0.7104
	40 cm 初始水头 40 cm initial head	$k_s = 0.0026 A^{1.7542}$	0.9630**	0.5147
	50 cm 初始水头 50 cm initial head	$k_s = 0.0032 A^{1.3979}$	0.9071**	0.3467
	不区分初始水头 Mixed initial head	$k_s = 0.0018 A^{1.6258}$	0.8376**	0.8326
单环人渗 Single-ring infiltration	10 cm 直径入渗环 10 cm diameter single-ring	$k_s = 0.3252 A^{0.7290}$	0.7138**	0.9601
	20 cm 直径入渗环 20 cm diameter single-ring	$k_s = 0.2311 A^{0.4521}$	0.7232**	0.9219
	30 cm 直径入渗环 30 cm diameter single-ring	$k_{\mu} = 0.4373 A^{0.8860}$	0.8853**	0.9108
	不区分人渗环直径 Mixed diameter single-ring	$k_{\rm c} = 0.3132 A^{0.6956}$	0.6826**	1.0213

注:**表示 0.01 极显著 F 检验水平。 Note: ** express highly significant F-test 0.01 level.

由表中 k, 与参数 A 的关系可知, Philip 公式分 析 Philip-Dunne 和单环实验的三维人渗过程获取的 参数 A 的意义虽发生了变化,不能表征土壤的饱和 导水率,但两者仍存在密切关系,因此田间大量的三 维入渗获取土壤饱和导水率时,可以在部分试验点 上利用相应的求算公式计算入渗参数,同时由 Philip 公式分析其入渗过程得到参数 A,建立两者的关系 获取土壤饱和导水率的求算模型,求算剩余试验点 的 k,,这在求算公式相对复杂的三维入渗参数求算 中具有一定的使用价值。

分析表中不同入渗条件下 k, 与参数 A 的关系 可知,虽在各自入渗条件 A 与 k, 的拟合关系都通过 了 0.01 极显著 F 检验,但相对于 Philip-Dunne 入 渗,单环入渗中 k, 与参数 A 拟合的 R² 较小,均方根 误差 RMSE 较大,拟合效果相对较差,这是由于 Philip-Dunne 入渗是单一的三维入渗过程,而单环入 渗存在由一维到三维人渗的转变过程,整个单环人 渗过程是由一维和三维两种人渗形式混合组成。同 时,同一种入渗类型中,实验仪器规格不同时 k,与 参数 A 的拟合关系和拟合效果也存在差异, Philip-Dunne 入渗中三个不同的初始入渗水头下,得到的 k, 与A的拟合参数、相关系数及均方根误差均存在 差异,同样不区分初始入渗水头条件下 k, 与 A 的拟 合效果明显较差也说明实验仪器规格影响 k, 与 A 的拟合关系;同样,由表中数据可知单环入渗中不同 直径的人渗环也会影响 k, 与 A 的关系。

根据上述分析, Philip 公式一定程度上可以分析 土壤的三维入渗过程,但其参数意义明显发生了变 化,试验土壤初始、周边条件及实验方法、实验仪器 规格都会影响 k, 与 A 的关系。

3.3 参数模型检验

为进一步验证基于 Philip 公式确定的参数 A 建 立的 k, 求算模型的实用性,在 Philip-Dunne 的 41 个 人渗点上选取 25 样点,单环入渗的 20 个入渗点上 选取 10 个样点,按照上述方法建立 k, 求算模型。 基于模型获取剩余入渗点上的土壤饱和导水率(预 测值),分析预测值与利用 WPDunne 1.0 和公式(2) 获取的 k, 计算值的关系(图 3、图 4)。

从图可知,应用参数 A 建立的 k, 求算模型预测 土壤饱和导水率时, Philip-Dunne 人诊中预测值与实 测值之间的线性回归确定性系数 R² 为 0.9549, 通 过 0.01 极显著 F 水平检验, 预测值是实测值的 0. 9991 倍,达到了非常理想的效果;单环人渗中预测 值与实测值之间的拟合关系虽也通过 0.01 极显著 F 水平检验, 但 R² 为 0.6685, 相对较低。本文建立



图 3 Philip-Dunne 入渗中 k, 预测值与实测值的关系

Fig.3 Relationship between the actual measured k_s ,

and forecastin Philip-Dunne infiltration



4 结 论

本文在田间进行了初始入渗水头为 30、40、50 cm 的 Philip-Dunne 入渗和直径为 10、20、30 cm 的单 环入渗实验,获取了三维入渗过程中土壤含水率变 化、累积入渗量-时间以及对应的土壤入渗参数,用 Philip 公式对 Philip-Dunne 和单环入渗过程进行了分 析,同时讨论了 Philip 公式中的参数 A 与土壤饱和 导水率的关系并据此建立了基于参数 A 建立的 k. 求算模型。得到以下结论: Philip 公式在三维人渗动 态过程分析中仍然适用,其参数意义发生了变化, Philip 公式中的参数 A 与土壤饱和导水率存在幂级 数关系,在各自人渗条件下的拟合效果均通过了 0.01 极显著 F 检验,试验土壤的初始、周边条件及实验方法、实验仪器规格都会影响 k. 与 A 的关系: 在 Philip-Dunne 单纯的三维入渗中 30、40、50 cm 的 初始水头下 k, 与 A 拟合的 R² 分别为 0.9471、0.963 和0.9071,利用部分实验数据建立求算模型后预测

的 k, 是实测值的 0.9991 倍, 两者的线性回归确定 性系数为 0.9549; 单环入渗过程是由一维和三维两 者入渗形式组成, k, 与 A 拟合关系虽通过 0.01 极显 著 F 检验, 但与 Philip-Dunne 入渗相比拟合效果较 差, 10、20、30 cm 的三个直径条件下 R^2 分别为 0.7138、0.7232 和 0.8853, 建立求算模型的预测 k, 是实测值的 0.9755 倍, $R^2 = 0.6685$; 相比于单环入 渗, Philip 公式在 Philip-Dunne 入渗中的应用更强。 本文只在壤土中进行了 Philip-Dunne 和直径两种人 渗实验,得出的结论有待于进一步验证。

参考文献:

- [1] 王全九,邵明安.土壤中水分运动与溶质迁移[M].北京:中国 水利水电出版社,2007:13-15.
- [2] 张 艳.土壤水动力参数的推求方法及其空间变异性研究 [D].武汉:武汉大学,2005:1-2.
- [3] Fares A, Alva A K, Nkedi-Kizza P, et al. Estimation of soil hydraulic properties of a sandy soil using capacitance probes and Guelph permeameter[J]. Soil Sci, 2000, 165(10):768-777.
- [4] 王全九,来剑斌,李 毅.Green-Ampt 模型与 Philip 人诊模型的 对比分析[J].农业工程学报,2002:18(2):13-16.
- [5] Green W H, Ampt G A. Studies on soil physics: 1. Flow of air and water through soils[J]. J Agric Sci, 1911, 4(1):1-24.

- [6] Philip J R. The theory of infiltration 1: the infiltration equation and its solution[J]. Soil Sci, 1957, 83(5):345-357.
- [7] 邵明安,王全九, Horton.推求土壤水分运动参数的简单人渗法.
 I.理论分析[J].土壤学报,2000,37(1):1-8.
- [8] 张振华,谢恒星,刘继龙,等.基于图形特征的 Green-Ampt 人参 模型关键参数 s_f和 k_s的简化求解[J].土壤学报,2006,43(2); 203-208.
- [9] Philip J R. Approximate analysis of falling-head lined borehole permeameter[J]. Water Resour Res, 1993,29:3763-3768.
- [10] Brouwer H. Intake rate: Cylinder, infiltrometer [C]//Klute A. Methods of soil analysis. Madison, WI: ASA and SSSA, 1986: 825-844.
- [11] Daniel D E. In situ hydraulic conductivity tests for compacted clay
 [J]. J Geotech Eng(Am Soc Civ Eng), 1989, 115:1205-1226.
- [12] Reynolds W D, Elrick D E. Ponded infiltration from a single ring: I. Analysis of steady flow[J]. Soil Sci Soc Am J, 1990, 54: 1233-1241.
- [13] 史 舟,李 艳.地统计学在土壤学中的应用[M].北京:中国 农业出版社,2006;19—20.
- [14] 汪志农.灌溉排水工程学[M].北京:中国农业出版社,2003.
- [15] 希勒尔·D著.土壤和水一物理原理和过程[M].华 孟,叶和 才,译.北京:中国农业出版社,1981.
- [16] 辛 琛,王全九,类 军.负水头条件下的水平一维土壤吸渗 特征[J].农业工程学报,2007,23(9):20-26.
- [17] 李 燕,高 明,魏朝富,等.紫色土水分一维水平运动的数值 模拟[J].西南农业大学学报,2006,28(4):627-632.

Application of Philip Formula in the three-dimensional infiltration and calculating parameter

REN Shang-gang¹, ZHANG Zhen-hua¹, YANG Run-ya², PAN Ying-hua¹, TAN Guo-qiang¹, LI Lu-sheng¹, ZU Min¹ (1. College of Geography and Planning, Ludong University, Yantai, Shandong 264025, China;

2. College of Water Resources and Architectural Engineering, Northwest A and F University, Yangling, Shaanxi 712100, China)

Abstract: Based on Philip formula, three-dimensional dynamic process of Philip-Dunne and sing-ring infiltration were studied, and also the relationship between of parameter A in Philip formula and saturated hydraulic k, as well as computing k, model were explored. The results show is applicable in the analysis of three-dimensional infiltration, and there is a positive power function, affected by experimental methods and it's equipment specifications, relationship between k_s and A; The accuracy of Philip formula used in Philip-Dunne infiltration was higher than in singe-ring infiltration; Compared with actual measured k_s in infiltration experiments, the forecast k_s based on computing model has a overall error below 5%, and then the simply model can be used to estimate infiltration parameters.

Keywords: Philip formula; Philip-Dunne infiltration; single-ring infiltration